

## АНАЛИЗ НА РЕШЕНИЕТО НА ЗАДАЧА КАМЪНИ

Задачата е традиционна игра. Нека с номер  $k$  означим позицията от играта, при която на масата са останали  $k$  камъка. Позицията  $k$  ще наричаме **печеливша**, ако играчът, който е на ход, при правилна стратегия, може да спечели играта. Позицията ще наричаме **губеща**, ако играчът, който е на ход, задължително ще загуби играта при правилна стратегия на противника. Очевидно позиция 0 (нула камъка, останали на масата) е губеща за играча, който е на ход. Също е очевидно, че позиция 1 (1 камък, останал на масата) е печеливша за играча, който е на ход, тъй като той ще вземе този камък.

По-нататък това дали позиция  $k$  е печеливша или губеща се определя по правилото:

- позиция  $k$  е губеща, ако всеки възможен ход от нея води в печеливша позиция;
- позиция  $k$  е печеливша, ако има ход, който води в губеща позиция.

Това правило позволява да се определи последователно свойството „печеливша” или „губеща” за всяка позиция от 1 до 1000000 (напомняме, че на масата има най-много 1000000 камъка) и тази информация да се запише в масив. При въвеждане на данните за серия от игри, програмата само трябва да проверява каква е началната позиция за всяка игра според началния брой на камъните в нея: ако началната позиция е „печеливша”, то за тази игра се извежда 1, а ако е „губеща” - 2.

### *Реализация*

```
#include <iostream>
using namespace std;

bool positions[1000001];
char ans[101];

void fillpositions()
{
    int i,k;
    positions[0] = false;
    positions[1] = true;
    positions[2] = true;
    for (i=3;i<=10000;i++)
    {
        k = i%3;
        switch (k)
        {
            case 0:
                if (positions[i-1] && positions[i-2])
                    positions[i] = false;
                else
                    positions[i] = true;
                break;
            case 1:
                if (positions[i-1] && positions[i-3])
                    positions[i] = false;
                else
                    positions[i] = true;
```

```
        break;
    case 2:
        if (positions[i-1] && positions[i-2] && positions[i-3])
            positions[i] = false;
        else
            positions[i] = true;
        break;
    }
}
```

```
int main()
{
    int n,m,k;
    fillpositions();
    cin >> n ;
    for (k=1;k<=n;k++)
    {
        cin >> m;
        if (positions[m])
            ans[k] = '1';
        else
            ans[k] = '2';
    }
    for (k=1;k<=n;k++)
        cout << ans[k];
    cout << endl;

    return 0;
}
```

*Автор: Руско Шиков*