

## АНАЛИЗ НА РЕШЕНИЕТО НА ЗАДАЧА МАТРИЦА

Решението на задачата, с обхождане при всеки тест, ще надхвърли ограничението за време.

Сложността на пресмятане на тест може да стане с константна сложност.

Нека да решим първо следната подзадача, която е съществена за по-нататъшната работа:

Дадена е редица  $A$  от 1 и 0. Да се намери дължината на подредицата от единици, към която принадлежи някой елемент  $A[i]=1$ .

За всеки елемент  $i$  на редицата: :

- (1) Ако е 1 и НЕ е ляв край на поредица от единици, пазим в масив  $L[i]$  номера на левия край на поредицата.
- (2) Ако е 1 и е ляв край на поредица от единици, пазим в масив  $R[i]$  номера на десния край на поредицата.

Пример:

Индекс	1	2	3	4	5	6	7	8	9
редица $A[]$	0	1	1	1	1	0	1	1	0
ляв край $L[]$	0	2	2	2	2	5	7	7	8
десен край $D[]$		5					8		

Сега вече за всеки елемент, който е 1, може да определим исканата дължина.

Например, за  $A[3]$  намираме левия край на редицата, че е с номер 2. На този ляв край десния край е 5. Тогава дължината  $dH$  на хоризонталната поредица от единици, на които принадлежи  $A[3]$ , е  $5 - 2 + 1 = 4$ , или изразено с масивите  $L[]$  и  $R[]$ : .

$dH = R[L[3]] - L[3] + 1$ , с което задачата е решена за константно време.

По аналогичен начин постъпваме и по стълбове, но сега ще ни интересува горен и долен край на вертикална редица, например  $U[]$  и  $D[]$ , от които може да намерим  $dV$  – дължината на вертикалната поредица от единици, съдържаща някое  $A[i]$ :  $dV = D[U[i]] - U[i] + 1$ .

Да се върнем към самата задача.

Първо трябва да се установи може ли въобще дадената клетка да бъде център на кръст, и ако не е така – да се изведе -1. Случаите са малко и лесно се съобразяват, затова няма да се спираме на тях.

И така, вече лесно може да намерим броя на единиците в кръст с център  $A[I,J]$ . Отговорът е  $dH + dV - 1$ , като  $dH$  и  $dV$  са съответно дължините на хоризонталната и вертикална поредица от единици, към които принадлежи  $A[I,J]$ .

**Пример:** Кръст с център оцветената в синьо клетка.

	1				$dV=4$
	1				
1	1	1	1	1	
	1				
$dH=5$					

Понеже има възможност да променим точно един елемент в А от 0 на 1, се налага да се разгледат няколко конфигурации. На картинката са показани всичките, като центровете на кръстовете във всяка от тях са оцветени в синьо:

	<b>1</b>		<b>2</b>		<b>3</b>		<b>4</b>		<b>5</b>		<b>6</b>
	<b>1</b>		<b>1</b>		<b>0</b>		<b>1</b>		<b>1</b>		<b>1</b>
<b>1</b>	<b>1</b>	<b>1</b>	<b>0</b>	<b>1</b>	<b>1</b>	<b>1</b>	<b>1</b>	<b>0</b>	<b>1</b>	<b>1</b>	<b>1</b>
	<b>1</b>		<b>1</b>		<b>1</b>		<b>1</b>		<b>0</b>		<b>1</b>

Конфигурациите от 2 до 5 не представляват трудност: Броя на единиците в началото е винаги 4. След това се прави съответната 0 на 1 и към този брой се прибавя още 1. Ако тази 0 е съседна на друга единица в нейната посока, се прибавя и дължината на поредицата, съдържаща съседната единица.

**Пример** за конфигурация 4:

Наличните единици са 3, добавяме и 1 заради нулата. До нулата има единица в „нейната“ посока. Прибавяме дължината на поредицата на тази единица, която е 2, и се получи  $3+1+2=6$  единици в кръста.

		1				
1	1	0	1	1	0	
	1					

получава се:

		1				
1	1	1	1	1	0	
	1					

В конфигурация 1 трябва да се разгледат четирите посоки и да се избере някоя от първите срещнати нули, която ако направим на 1, ще станат максимален брой единици.

**Пример:** Центърът е в колона 9, ще разгледаме лява и дясна посока само.

Ако направим лявата нула /от колона 5/ на 1,

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15
1	1	0	0	0	1	1	1	1	1	1	0	1	1	0

увеличаваме единиците в подредицата с една:

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15
1	1	0	0	1	1	1	1	1	1	1	0	1	1	0

Но ако направим дясната 0 /от колона 12/ на 1,

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15
1	1	0	0	0	1	1	1	1	1	1	1	1	1	0

то единиците в подредицата се увеличават с 2:

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15
1	1	0	0	0	1	1	1	1	1	1	1	1	1	0

Отделно може да се разгледат случаите, когато потенциалните нули, които има смисъл да се правят на единици, са в ред 1, 2, М и М-1 или в стълб 1, 2, N и N-1.