

ЗИМНИ МАТЕМАТИЧЕСКИ ПРАЗНИЦИ – РУСЕ’ 2006

```

{fn=in;
fscanf(fn,"%d",&c,&m);
nei.resize(c);
back=nei;
v.resize(c);
res.resize(c);
for(q1=0;q1<c;q1++)
{fscanf(fn,"%d",&c1);
for(q2=0;q2<c1;q2++)
{fscanf(fn,"%d",&c2);
c2--;
nei[q1].pb(c2);
back[c2].pb(q1);}
}
fclose(fn);
for(q1=0;q1<c;q1++)if(back[q1].sz==0)break;
dfs(q1);
res[top[c-1]]=1;
for(q1=c-2;q1>=0;q1--)
for(q2=0;q2<back[top[q1]].sz;q2++)
res[top[q1]]=res[top[q1]]+res[back[top[q1]][q2]];
write(res[top[0]]);
return 0;}

```

Задача А3. ИЗРАЗ

Киро и приятелите му играят странна игра. Кодират математически израз с 0 и 1 в строго определен формат. Всеки от играчите има право да промени израза с максимум **К** замени. Печели този от тях, който след като се пресметне променения израз получи, в резултат на пресмятането на израза, максимално число. Изразът е дефиниран с правилата:

<израз> : = <цифра> <знак> <цифра> <знак> . . . <цифра>

<цифра> : = 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9 **<знак>** : = +, -

Записването на цифрите и знаците в израза с 0 и 1 става по следния начин (удебеленият шрифт е за да личат по ясно нулите и единиците) :

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	+	-
111	001	111	111	101	111	111	111	111	111	000	000
101	001	001	001	101	100	100	001	101	101	010	000
101	001	111	111	111	111	111	001	111	111	111	111
101	001	100	001	001	001	101	001	101	001	010	000
111	001	111	111	001	111	111	001	111	111	000	000

Под промяна на израз с **К** замени се разбира инвертирането (замяна на 1 с 0 и обратно) на **К** цифри, така че общият брой на единиците в новия израз да е равен на броя на единиците в оригиналния израз. При промяна на израз, знак може да се трансформира само в знак и цифра може да се трансформира само в цифра, т.е. не може цифра да стане знак и обратното. В израз участва минимум една цифра и максимум 50. Пример за промяна на израз с 4 замени (с удебелен шрифт са промените):

Изразът преди промяната	Изразът след промяната
111 000 111	111000 001
100000001	10 1000001
111111 001 <=> 5-7 = -2	111111001 <=> 8-1 = 7

ЗИМНИ МАТЕМАТИЧЕСКИ ПРАЗНИЦИ – РУСЕ’ 2006

001000001	101000001
111000001	111000001

Напишете програма **EXPRES**, която по зададен първоначален израз и число **К** пресмята колко е максималното число, на което може да се оцени променен израз ако се направят максимално **К** замени.

Вход: Данните са записани в 6 реда на стандартния вход. На първия ред стоят две числа: **Н** - броят на цифрите участващи в изрази и **К** - броят на максимално разрешените замени. На следващите 5 реда е записан изразът.

Изход: На първия ред на стандартния вход програмата трябва да запише максималната възможна стойност на променения израз, на останалите 5 реда – променения израз. Ако има няколко решения програмата да изведе кое да е от тях.

ПРИМЕР

Вход:	Изход:
3 4	11
111000111000111	111000 00 1000111
100000001000001	1000000010 1 0001
111111001111001	111111001111001
001000001000001	0010000010 1 0001
111000001000001	111000001000001

Решение:

Задачата се решава динамично.

1. Прочитат се входните данни.
2. Изчисляват се разликата между всеки две от числата от -9..9 като се слага допълнително и -0.
3. Създава се тримерен масив по $\max[1..N, 0..K, -K..K]$, които попълваме динамично: първо се движим по цифрите, после по промените до сега и накрая по баланса на 1-ците т.е. дали досега сме ползвали повече 1-ци или са ни останали в излишни. На всяка стъпка минаваме през всички числа от -9 до 9 (като се специални случаи са -0 и първата цифра в изрази, която няма знак) и трансформираме текущото число от изрази до него с разлика d и разлика в броя на 1-ците r тогава $\max[\text{currentNumber}, \text{currentDifference}, \text{currentBalance}] = \max(\max[\text{currentNumber}, \text{currentDifference}, \text{currentBalance}], \max[\text{currentNumber} - 1, \text{currentDifference} - d, \text{currentBalance} - r])$
4. Накрая извеждаме максимума по i от $\max[N, i, 0]$

```
{ $H+ }
```

```
uses SysUtils;
```

```
Var
```

```
    FIn, FOut : Text;
```

```
Const
```

```
    BitMap : array[0..11] of string =
        ('111101101101111', // 0
         '001001001001001', // 1
         '111001111100111', // 2
         '111001111001111', // 3
         '101101111001001', // 4
         '111100111001111', // 5
```