

ЗИМНИ МАТЕМАТИЧЕСКИ ПРАЗНИЦИ – РУСЕ’ 2006

001000001	101000001
111000001	111000001

Напишете програма **EXPRES**, която по зададен първоначален израз и число **К** пресмята колко е максималното число, на което може да се оцени променен израз ако се направят максимално **К** замени.

Вход: Данните са записани в 6 реда на стандартния вход. На първия ред стоят две числа: **Н** - броят на цифрите участващи в израза и **К** - броят на максимално разрешените замени. На следващите 5 реда е записан изразът.

Изход: На първия ред на стандартния вход програмата трябва да запише максималната възможна стойност на променения израз, на останалите 5 реда – промененият израз. Ако има няколко решения програмата да изведе кое да е от тях.

ПРИМЕР

Вход:	Изход:
3 4	11
111000111000111	111000 00 1000111
100000001000001	1000000010 1 0001
111111001111001	111111001111001
001000001000001	0010000010 1 0001
111000001000001	111000001000001

Решение:

Задачата се решава динамично.

1. Прочитат се входните данни.
2. Изчисляват се разликата между всеки две от числата от -9..9 като се слага допълнително и -0.
3. Създава се тримерен масив по $\max[1..N, 0..K, -K..K]$, които попълваме динамично: първо се движим по цифрите, после по промените до сега и накрая по баланса на 1-ците т.е. дали досега сме ползвали повече 1-ци или са ни останали в излишни. На всяка стъпка минаваме през всички числа от -9 до 9 (като се специални случаи са -0 и първата цифра в израза, която няма знак) и трансформираме текущото число от израза до него с разлика d и разлика в броя на 1-ците r тогава $\max[\text{currentNumber}, \text{currentDifference}, \text{currentBalance}] = \max(\max[\text{currentNumber}, \text{currentDifference}, \text{currentBalance}], \max[\text{currentNumber} - 1, \text{currentDifference} - d, \text{currentBalance} - r])$
4. Накрая извеждаме максимума по i от $\max[N, i, 0]$

```
{ $H+ }
```

```
uses SysUtils;
```

```
Var
```

```
    FIn, FOut : Text;
```

```
Const
```

```
    BitMap : array[0..11] of string =
        ('111101101101111', // 0
         '001001001001001', // 1
         '111001111100111', // 2
         '111001111001111', // 3
         '101101111001001', // 4
         '111100111001111', // 5
```

ЗИМНИ МАТЕМАТИЧЕСКИ ПРАЗНИЦИ – РУСЕ’ 2006

```
'111100111101111', // 6
'111001001001001', // 7
'111101111101111', // 8
'111101111001111', // 9
'000010111010000', // +
'000000111000000' // -
);
```

```
PLUS_INDEX : integer = 10;
MINUS_INDEX : integer = 11;
```

```
MAXN = 100;
MAXK = 50;
```

Var

```
numbers : array [1..MAXN] of integer;
signs : array [1..MAXN] of integer;
inputStrings : array [1..MAXN * 2] of string;
N,K : integer;
max : array [1..MAXN,0..MAXK,-MAXK..MAXK] of integer;
solution : array [1..MAXN,0..MAXK,-MAXK..MAXK] of string;
diff : array[0..15,0..15] of integer;
ones : array[0..15] of integer;
```

Function GetDifference(index1,index2 : integer) : integer;

Var

```
i,sum : integer;
s1,s2:string;
```

Begin

```
s1 := BitMap[index1];
s2 := BitMap[index2];
sum := 0;
for i := 1 to length(s1) do
  if s1[i] <> s2[i] then
    inc(sum);
GetDifference := sum;
```

End;

Function GetSignBitMapIndex(sign : integer) : integer;

Begin

```
if sign = 1 then GetSignBitMapIndex := PLUS_INDEX
else GetSignBitMapIndex := MINUS_INDEX;
```

End;

Function GetOnesCount(index:integer) : integer;

Var

```
i,sum : integer;
s: string;
```

Begin

```
s := BitMap[index];
sum := 0;
for i := 1 to length(s) do
```

ЗИМНИ МАТЕМАТИЧЕСКИ ПРАЗНИЦИ – РУСЕ’ 2006

```
if s[i] = '1' then inc(sum);

GetOnesCount := sum;
End;

Procedure Init;
Var
  i,j : integer;
Begin
  for i := 0 to 11 do
    for j := 0 to 11 do
      diff[i,j] := GetDifference(i,j);

  for i := 0 to 11 do
    ones[i] := GetOnesCount(i);
End;

Procedure Solve(var result : integer; var solutionString : string);
Var
  numIndex,diffIndex,balIndex : integer;
  sign,number : integer;
  currentDiff,currentBalance : integer;
  oldDiff,oldBalance : integer;
  currentPath : string;
  currentValue : integer;

Begin
  for numIndex := 1 to N do begin
    for diffIndex := 0 to K do begin
      for balIndex := -K to K do begin
        max[numIndex,diffIndex,balIndex] := -10000;
        sign := 1;
        while sign >= -1 do begin

          if (sign = -1) and (numIndex = 1) then break;

          for number := 0 to 9 do begin
            currentDiff :=
              diff[GetSignBitMapIndex(sign),GetSignBitMapIndex(signs[numIndex])] +
              diff[number, numbers[numIndex]];

            if currentDiff > K then continue;

            oldDiff := diffIndex - currentDiff;

            if (oldDiff > K) or
              (oldDiff < 0) then
              continue;

            currentBalance :=
              ones[GetSignBitMapIndex(sign)] -
              ones[GetSignBitMapIndex(signs[numIndex])] +
```

ЗИМНИ МАТЕМАТИЧЕСКИ ПРАЗНИЦИ – РУСЕ’ 2006

```
ones[number] -
ones[numbers[numIndex]];
oldBalance := balIndex - currentBalance;

if (oldBalance < -K) or
   (oldBalance > K) then
   continue;

currentValue := sign * number;

if numIndex > 1 then begin
   currentPath := Chr( Ord('0') + number);
   if sign = -1 then
      currentPath := solution[numIndex-1,oldDiff,oldBalance] + '-' + currentPath
   else
      currentPath := solution[numIndex-1,oldDiff,oldBalance] + '+' + currentPath;

   currentValue := currentValue + max[numIndex - 1,oldDiff,oldBalance];
end
else begin
   if (currentDiff <> diffIndex) or
      (currentBalance <> balIndex) then continue;

   currentPath := Chr( Ord('0') + number);
end;

if currentValue > max[numIndex,diffIndex,balIndex] then
begin
   max[numIndex,diffIndex,balIndex] := currentValue;
   solution[numIndex,diffIndex,balIndex] := currentPath;
end;
end;
sign := sign - 2;
end;
end;
end;
end;

result := -1000;
for diffIndex := 0 to K do begin
   if result < max[N,diffIndex,0] then begin
      result := max[N,diffIndex,0];
      solutionString := solution[N,diffIndex,0];
   end;
end;
End;

Procedure ReadInput;
Var
   lineIndex,i,j,stringIndex,sign : integer;
   line : string;
```

ЗИМНИ МАТЕМАТИЧЕСКИ ПРАЗНИЦИ – РУСЕ’ 2006

```
Begin
  assign(FIn,'Expression.inp');
  reset(FIn);
  readln(FIn,N,K);

  for lineIndex := 1 to 5 do begin
    Readln(FIn,line);
    stringIndex := 0;
    for i := 1 to (N*2 - 1) * 3 do begin
      if i mod 3 = 1 then inc(stringIndex);
      inputStrings[stringIndex] := inputStrings[stringIndex] + line[i];
    end;
  end;

  stringIndex := 1;
  for i := 1 to N do begin
    sign := 1;

    if i > 1 then begin
      if inputStrings[stringIndex] = BitMap[MINUS_INDEX] then // - sign
        sign := -1;
      inc(stringIndex);
    end;

    for j := 0 to 9 do
      if BitMap[j] = inputStrings[stringIndex] then begin
        numbers[i] := j;
        signs[i] := sign;
        break;
      end;

    inc(stringIndex);
  end;

  close(FIn);
End;

Function GetCharBitMapIndex(c:char) : integer;
begin
  if c in ['0'..'9'] then
    GetCharBitMapIndex := ord(C) - ord('0')
  else if c = '+' then
    GetCharBitMapIndex := PLUS_INDEX
  else
    GetCharBitMapIndex := MINUS_INDEX;
end;

Procedure WriteSolution(result : integer; solution : string);
Var
  line,i,j : integer;
  s : string;
begin
```

ЗИМНИ МАТЕМАТИЧЕСКИ ПРАЗНИЦИ – РУСЕ' 2006

```
assign(FOut,'expression.out');
rewrite(FOut);
writeln(FOut,result);
for line := 0 to 4 do begin
  for i := 1 to length(solution) do begin
    s := BitMap[ GetCharBitMapIndex(solution[i])];
    for j := 1 to 3 do
      write(FOut,s[ line * 3 + j]);
    end;
    writeln(FOut);
  end;
end;
close(FOut);
End;

var
  r : integer;
  s : string;

Begin
  ReadInput;
  init;
  solve(r,s);
  WriteSolution(r,s);
End.
```

ТЕМА ЗА ГРУПА В

Задача В1. БЛИЗКИ ДУМИ

Крайната азбука **A** се състои от главните латински букви, арабските цифри и подчертаващо тире. За всеки знак **a** от **A** имаме зададено цяло число **V(a)** – видимост на знака, $0 \leq V(a) \leq 100$. Видимостта **V(a)** на знака **a** е числова оценка за това, колко е вероятно човек да пропусне този знак при четене. Например, буквата '**W**' е много по-видим знак от подчертаващото тире ('_'). За всеки два знака **a** и **b** от **A** е зададено цяло число **D(a, b)** – различност на двата знака, $0 \leq D(a, b) \leq 100$, **D(a, b) = D(b, a)** и **D(a, a) = 0**. Различността **D(a, b)** е толкова по-малка, колкото е по-вероятно знакът **a** да бъде сбъркан със знака **b** при четене. Например, различността между буквата '**O**' и цифрата '**0**' е малко число. Да разгледаме низа $\alpha = a_1 a_2 \dots a_m$ над **A**. Дефинираме следните "претеглени" операции върху низа α :

insert – вмъкване на знак на произволна позиция в низа α . Тази операция има тегло **V(a)**, където **a** е вмъкнатият знак.

update – замяна на един знак от низа α с друг. Ако знакът **a** е заменен със знака **b**, теглото на операцията е **D(a, b)**.

delete – изтриване на знак. Тежестта на операцията е **V(a)**, където **a** е изтритият знак.

Разстояние между низовете $\alpha = a_1 a_2 \dots a_m$ и $\beta = b_1 b_2 \dots b_m$ наричаме минималната сума от тегла на редица от операции, чрез които от α може да се получи β . Напишете програма **LDIST**, която при зададени **V(a)** и **D(a, b)** да намира разстоянието между два низа α и β .