

АНАЛИЗ НА РЕШЕНИЕТО НА ЗАДАЧА ПРОИЗВЕДЕНИЕ

1. Наивният подход е със сложност $O(n^3)$, където n е броят на елементите на дадената редица. Реализира се с тройно вложен цикъл, с който се обхождат всички елементи на редицата с индекси $i < j < k$ и за тези от тях, за които е изпълнено, че $a_i < a_j < a_k$ търсим най-голямата стойност на произведението $a_i \cdot a_j \cdot a_k$. Този подход ще вземе около 30% от точките за задачата.

2. Подход със сложност $O(n^2)$. Елементите на дадената редица записваме в масива $a[i]$ ($i = 1, 2, \dots, n$) и пресмятане стойностите на два допълнителни масива $a1[i]$ и $a2[i]$, където елементът $a1[i - 1]$ има стойност, по-малка от $a[i]$, такава че да е най-голяма в отреза $a[1], a[2], \dots, a[i - 1]$ и $a2[i + 1]$ има стойност, по-голяма от $a[i]$, такава че да е най-голяма в отреза $a[i + 1], a[i + 2], \dots, a[n]$. Тогава с цикъл по $i = 2, \dots, n - 1$, намираме най-голямата стойност на произведението $a1[i - 1] * a[i] * a2[i + 1]$. Този подход ще вземе около 50% от точките за задачата.

Пресмятането на $a1[i]$ може да се извърши лесно за $O(n^2)$ операции, а пресмятането на $a2[i]$ може да го реализираме даже за $O(n)$ операции.

3. За да намалим сложността от $O(n^2)$ на $O(n \log n)$, трябва да усъвършенстваме пресмятането на $a1[i]$. При търсенето на най-голяма стойност (по-малка от $a[i]$) в отреза $a[1], a[2], \dots, a[i-1]$ може да се използва двоично дърво за търсене. Подреждаме $a[1], a[2], \dots, a[i-1]$ в такова дърво и търсим стойност $a[i]$ и най-близката по-малка от нея. На всяка стъпка трябва да вмъкваме нов елемент в това дърво и за да избегнем израждане, трябва да правим балансиране. Програмирането на класическия метод на балансиране AVL-дървета изисква писане на дълъг код и затова алтернативно решение, което е приложено в авторската програма е използване на `map` от STL и функциите `insert` и `lower_bound`.

Автор: Емил Келеведжиев