

АНАЛИЗ НА РЕШЕНИЕТО НА ЗАДАЧА САЛАМ

Задачата се решава използвайки метода на динамичното оптимиране. Нека имаме масив `best_to[]` (0-based), в който в i -тата клетка ще пазим възможно най-голямата наслада, която Иван може да изпита, ако сантиметрите от 1 до $i+1$ (включително) са на разположение само на него (т.е. Петър ще изяде максимум до $i+2$ -вия сантиметър). Нека в масива `a[]` (0-based) сме запомнили вкусовите качества на всеки сантиметър на салама.

$$\text{best_to}[0] = \max(0, a[0])$$

$$\text{best_to}[i] = \max(\text{best_to}[i-1], \text{sum}(a[0], a[1], \dots, a[i]))$$

За целите на втората част от задачата трябва да пазим и до кой сантиметър се получава тази най-голяма наслада – това се случва в масива `best_to_left[]` (0-based), като когато го смятаме трябва да взимаме предвид изискването за възможно най-голяма част изядена от Иван, т.е. ако $\text{sum}(a[0], a[1], \dots, a[i]) == \text{best_to}[i-1]$, за нас е по-добро решение да „изядем“ всички сантиметри от 0 до i , отколкото да вземем еквивалентното (по наслада) решение до $i-1$.

Веднъж имайки сметнат `best_to[]`, започваме да пробваме Петър да изяде 0 сантиметра от салама, после 1 сантиметър, после 2 и т.н. – т.е. изчерпваме всички възможности за Петър. Ако Петър изяде j сантиметра от салама, то в този случай най-доброто решение е $\text{best_to}[n-(j+1)] + \text{sum}(a[n-1], a[n-2], \dots, a[n-j])$. От всички тези варианти трябва да изберем този, който е оптимален за нас, а именно: този с най-голяма наслада. Ако има много такива, този в който `best_to_left` е максимален. Ако има много такива, този в който Петър изяжда най-голяма част също – т.е. за най-голямо j .

Автор: Момчил Иванов