

Въведение

Тъй като задачата е output only, не е нужно най-добрите планове по тестове да бъдат генерирани от само едно решение или решението да върви в добро време или да имаме каквито и да е гаранции за държанието му на други тестове. Въпреки това, авторовото решение, използвано за генериране на авторовите планове, е едно, работи в относително разумно време и има някаква логика зад себе си.

Грийди из пространството

Най-лесната идея е да не пропускаме нито една от минутите, т.е. да стреляме във всяка минута докато не гарантираме, че подводницата е потопена. За целта можем да генерираме всички подводници (всички възможности за позиция и скорост на подводницата) и след това на всяка минута да стреляме по позицията, в която има най-много непотопени подводници. Това решение получава около 40 точки.

Грийди из време-пространството

Подобрение на горното решение е на всяка стъпка да обмисляме всички възможни изстрели из цялото време-пространство (общо $10 \times d^2$) в свободни минути и да избираме този, който потапя най-много подводници, които още не са потопени от нито един вече избран изстрел (било то минал или бъдещ). Това решение естествено се възползва от опцията да пропуска минути и като цяло се представя по-добре. Изкарва около 60 точки.

Наблюдения

Сега ще направим няколко наблюдения. Първо, скоростите също могат да се гледат по модул, т.е. скорост x е еквивалентна на скорост $d + x$. Следва, че има не повече от d различни скорости и, ако $k < d$, има не повече от $d - 1$ такива (защото няма такава еквивалентна на 0). Нека броят на различими скорости е t . Ефективната бройка подводници е dt . Можем да забележим, че един изстрел не може да потапя повече от t подводници, т.е. ще са ни нужни поне d изстрела.

Вече можем да се опитаме да решим някои тестове оптимално, за d изстрела. Лесно се вижда, че когато d е просто и $k < d$, можем просто да направим d поредни изстрела на една и съща позиция (например позиция 0). Всъщност, за $d = sp$ за просто p и $k < p$ можем да направим p изстрела на позиция 0, после p изстрела на позиция p , после p изстрела на позиция $2p$ и т.н. за общо d изстрела. Проблемът при $k \geq p$ е, че има подводници със скорост сравнима с p по модул p , което значи, че те стоят на една и съща позиция по модул p , т.е. не могат да бъдат хванати от такава стратегия.

Друг тип решения с d изстрела, които работят за произволни d и k , се базират на идеята, че можем да гледаме и времето по модул d , т.е. всеки d минути всички подводници се връщат на стартовата си позиция. Т.е. за $d \leq 10$ можем да стреляме по позиция 0 в минута 0, по позиция 1 в минута d , по позиция 2 в минута $2d$ и т.н. за общо d изстрела. Всъщност може да се забележи, че за непрост d ще има по няколко пъти (на всеки цикъл от d минути), в които по d подводниците се скупчват на позиция (приемайки, че $k = d$). Точно кога и как се случва това зависи от делителите на d . Това води до идея както предната, но вместо изстрелите да са на времена 0, d , $2d$, ..., ще има по няколко изстрела на всеки d минути. За по лоши стойности на d това ще надвиши $10 \times d$ минути обаче.

Финално решение

Възможно е сега да започнем да пишем решения за всякакви частни случаи и грийдито за случаи, които не се покриват от никое наше решение. По-лесно е обаче да видим, че при всички решения описани горе, винаги вземаме изстрела, който да е най-наляво и/или най-рано (отделно от това, че потапя възможно най-много подводници). С други думи можем да модифицираме грийдито през време-пространството, като на всяка стъпка от изстрелите, които потапят най-много подводници, взема този, който е най-наляво и/или най-рано. Освен това се налага понякога изкуствено да завишим стойността на k с цел решението ни да открие най-добрия план (например до d или до p). Такова решение без много нагласяне изкарва 100 точки.

Автори: Емил Инджев и Енчо Мишинев

Начална идея: Павел Петров