

**КОНТРОЛНО СЪСТЕЗАНИЕ  
НА РАЗШИРЕНИЯ НАЦИОНАЛЕН ОТБОР  
Пловдив, 2 – 4 юни 2022 г.,  
Група А, 11 – 12 клас**

**Задача А1. Най-малко общо кратно**

Марти разполага с произволно генерирана пермутация  $p$  на числата  $1, 2, 3, \dots, n$ , която Радко иска да научи. Марти не намира за забавно да я каже директно и ще отговаря само на следния въпрос:

- “Колко е най-малкото общо кратно на числата  $p_i$  и  $p_j$ ?”

За съжаление, Радко е твърде зает и аутсорсва задачата на Вас.

Програмата ви ще бъде тествана на  $n_{tests}$  подтеста за всеки тест и резултатът Ви ще бъде изчислен спрямо максималния брой на въпросите, с които откривате поредната пермутация.

**Обърнете внимание на ограничението по време.**

**Детайли по имплементацията**

Вашата функция `guessPermutation` има следния прототип:

```
std::vector<int> guessPermutation(int n);
```

Тя ще бъде извикана  $n_{tests}$  пъти за всеки тест и ще получи като аргумент размера на пермутацията  $n$ . Функцията трябва да върне вектор от  $n$  числа – поредната търсена пермутация.

Функция `lcm` на журито има следния прототип:

```
long long lcm(int i, int j);
```

Вашата програма може да я вика колкото пъти иска. Като аргумент ѝ се подават два различни индекса  $i$  и  $j$  от 1 до  $n$ , за които искате да зададете въпрос. Функцията връща най-малкото общо кратно на числата  $p_i$  и  $p_j$ . Тя работи със сложност  $O(\log_2(n))$ .

Вашата програма трябва да имплементира функцията `guessPermutation`, но не трябва да съдържа функция `main`. Освен това, тя трябва да не чете на стандартния вход или да печата на стандартния изход. Програмата ви също така трябва да включва хедър файла `lcm.h` чрез указание към предпроцесора:

```
#include "lcm.h"
```

Стига да спазва тези условия, програмата ви може да съдържа каквито и да е помощни функции, променливи, константи и прочее.

**Ограничения**

Всяка пермутация е произволно генерирана.

**Подзадачи и оценяване**

Частта от точките, които ще получите на дадена подзадача зависи от максималния брой заявки, които правите на подтест,  $q_{participant}$ , и от константата за подзадачата  $q_{author}$ .

Ако  $q_{participant} \leq q_{author}$ :

$$score = 1$$

Иначе:

$$score = 1 - \sqrt{1 - \frac{q_{author}+1}{q_{participant}+1}}$$

**КОНТРОЛНО СЪСТЕЗАНИЕ  
НА РАЗШИРЕНИЯ НАЦИОНАЛЕН ОТБОР  
Пловдив, 2 – 4 юни 2022 г.,  
Група А, 11 – 12 клас**

Подзадача	Точки	$n$	$q_{author}$	$n_{tests}$
1	20	10	13	5 000 000
2	20	100	106	500 000
3	20	1 000	1 002	50 000
4	20	10 000	10 001	5 000
5	20	100 000	99 999	500

**Локално тестване**

В системата ви е предоставен файлът **Lgrader.cpp**, чрез който може да тествате локално програмата си. За целта трябва да добавите `#include "Lgrader.cpp"` към кода си.

На първия ред на стандартния вход се въвеждат числата  $n$  и  $n_{tests}$ .

Следват  $n_{tests}$  теста, за всеки от които се въвеждат по  $n$  числа – поредната пермутация.

Ако програмата Ви успешно намери правилната пермутация за всеки тест, накрая ще се изведе максималния брой на заявки, които сте използвали за една пермутация.