

## Идеален град

Леонардо, както много други италиански учени и артисти от онези времена, много се интересувал от планиране и проектиране на градската среда. Имал намерение да изработи модел на идеалния град: удобен, просторен и умно използващ ресурсите; колкото може по-далеч от тесните, клаустрофобични средновековни градове.

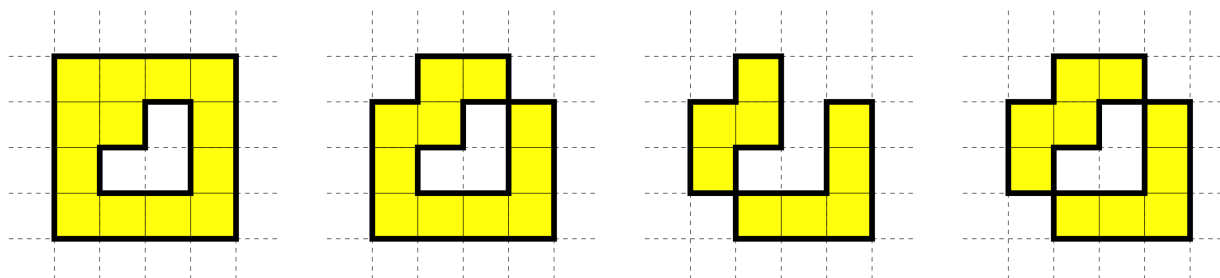
### Идеалният град

Град е съставен от  $N$  блока, разположени върху безкрайна квадратна решетка от клетки. Всяка клетка се идентифицира с координатите си (номерата на реда и стълба). Съседни на клетката с координати  $(i, j)$  са клетките с координати  $(i - 1, j)$ ,  $(i + 1, j)$ ,  $(i, j - 1)$  и  $(i, j + 1)$ . Всеки блок поставен върху решетката покрива точно една клетка. Блок може да бъде поставен върху клетката с координати  $(i, j)$ , когато  $1 \leq i, j \leq 2^{31} - 2$ . Всеки блок се идентифицира с координатите на клетката, върху която е поставен. Два блока са съседни, ако лежат върху съседни клетки. В идеалния град блоковете са свързани така, че няма „дупки“ по границите им, т.е. те трябва да удовлетворяват условията:

- Всеки две *празни* клетки са свързани с поне една последователност от съседни *празни* клетки.
- Всеки две *непразни* клетки са свързани с поне една последователност от съседни *непразни* клетки.

### Пример 1

Нито една от показаните на фигурите по-долу конфигурации от блокове не е идеален град: първите две отляво не изпълняват първото условие (празните клетки от вътрешността не са свързани с тези отвън), третата не изпълнява второто условие, а четвъртата - и двете.

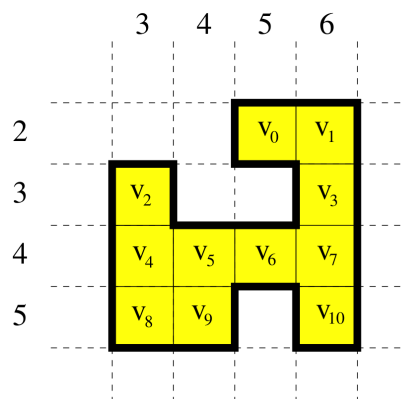


### Разстояние

Ходенето из града става с *подскоци* - от блок, на съседен на него блок. Празните клетки не могат да се използват за придвижване. Нека  $v_0, v_1, \dots, v_{N-1}$  са координатите на  $N$ -те блока, поставени на решетката. За всеки два различни блока с координати  $v_i$  и  $v_j$ , разстояние между тях  $d(v_i, v_j)$  е най-малкият брой подскоци, необходими да се стигне от единия блок до другия.

## Пример 2

Конфигурацията показана по-долу е идеален град съставен от  $N = 11$  блока с координати  $v_0 = (2, 5), v_1 = (2, 6), v_2 = (3, 3), v_3 = (3, 6), v_4 = (4, 3), v_5 = (4, 4), v_6 = (4, 5), v_7 = (4, 6), v_8 = (5, 3), v_9 = (5, 4)$  и  $v_{10} = (5, 6)$ . например,  $d(v_1, v_3) = 1, d(v_1, v_8) = 6, d(v_6, v_{10}) = 2,$  and  $d(v_9, v_{10}) = 4$ .



## Задача

Напишете програма, която, за зададен идеален град, да намира сумата на всички разстояния между двойки блокове  $v_i$  и  $v_j$ , за които  $i < j$ . Т.е., програмата трябва да пресмята следната сума:

$$\sum d(v_i, v_j), \text{ където } 0 \leq i < j \leq N - 1$$

Още по-точно, вие трябва да напишете функция  $\text{DistanceSum}(N, X, Y)$ , която, по зададени  $N$  и двата масива  $X$  и  $Y$ , които описват града, пресмята стойността на дадената по-горе формула. Както  $X$ , така и  $Y$ , са с по  $N$  елемента; блокът  $i$  е с координати  $(X[i], Y[i])$ , за  $0 \leq i \leq N - 1, 1 \leq X[i], Y[i] \leq 2^{31} - 2$ . Тъй като резултатът може да се окаже твърде голям за да се събере в 32 бита, програмата трябва да го пресметне като остатък по модул 1 000 000 000 (един милион).

В Пример 2 има  $11 \times 10 / 2 = 55$  двойки от блокове. Сумата от разстоянията между всяка двойка блокове е 174.

## Подзадача 1 [11 точки]

Може да разчитате, че  $N \leq 200$ .

## Подзадача 2 [21 точки]

Може да разчитате, че  $N \leq 2\,000$ .

## Подзадача 3 [23 точки]

Може да разчитате, че  $N \leq 100\,000$ .

Освен това, в сила са следните две твърдения: ако за непразните клетки  $i$  и  $j$  е в сила  $X[i] = X[j]$ , всяка клетка между тях е също празна; ако за непразните клетки  $i$  и  $j$  е в сила  $Y[i] = Y[j]$ , всяка клетка между тях е също празна.

## Подзадача 4 [45 точки]

Може да разчитате, че  $N \leq 100\,000$ .

## Детайли на имплементацията

В оценяващата система трябва да изпратите точно един файл с име `city.c`, `city.cpp` или `city.pas`. Файлът трябва да съдържа функция, която решава задачата със следния прототип:

### C/C++ програми

```
int DistanceSum(int N, int *X, int *Y);
```

### Pascal програми

```
function DistanceSum(N : LongInt; var X, Y : array of LongInt) : LongInt;
```

Изпратената функция трябва да има описаното по-горе поведение. Разбира се, може да включите във файла и други функции за вътрешна употреба. Изпратените функции не бива да има нищо общо със стандартния вход/изход нито с какъвто и да било друг файл.

### Прост грейдер

Примерният грейдер, който ще бъде предоставен, очаква вход в следния формат:

- ред 1:  $N$ ;
- ред  $i$ ,  $i = 2, \dots, N + 1$ :  $X[i-2]$ ,  $Y[i-2]$ .

## Ограничения по време и памет

- Ограничение по време: 1 секунда.
- Ограничение по памет: 256 MiB.

